論文

バケットに作用する掘削抵抗力を用いた 土の強度特性の推定に関する研究

陳 敏¹・里見 知昭²・高橋 弘³

 ¹東北大学 大学院環境科学研究科 (〒 980-8579 仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-20) Email: fy09012@mail.kankyo.tohoku.ac.jp
 ²東北大学助教 大学院環境科学研究科 (〒 980-8579 仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-20) Email: satomi@mail.kankyo.tohoku.ac.jp
 ³東北大学教授 大学院環境科学研究科 (〒 980-8579 仙台市青葉区荒巻字青葉 6-6-20) Email: htaka@mail.kankyo.tohoku.ac.jp

パワーショベルのバケットによる土の掘削は土の種類,含水比および密度などの条件の変化によって 大きく影響を受ける.バケットの掘削作業の自動化およびロボット化を実現するためには,掘削中,機 械が自らリアルタイムで土の強度特性を把握する機能が必要不可欠である.そこで,本研究ではバケッ トによる掘削作業を模擬する掘削実験および一面せん断試験を行い,土の種類,含水比および乾燥密度 を変化させた様々な条件の土に対して強度特性の推定について検討した.具体的にはバケット掘削実験 で測定した掘削抵抗力の値から強度特性に関与すると考えられるパラメータを定義し,そのパラメータ と一面せん断試験から得られる土の強度特性(粘着力 c,内部摩擦角 φ)を推定する方法を提案した. その結果,粘着力は一面せん断試験で得られた値とほぼ一致する値を推定することができた.一方,内 部摩擦角は一面せん断試験で得られた値の±30%の範囲で推定できることが確認された.

キーワード: Soil-Bucket Interaction, Excavating Resistive Forces, Shear Strength Parameters, Construction Machine

1. はじめに

近年,建設業および資源開発分野においては,作業環 境が過酷であり,危険を伴うことが多いから,労働力不 足や作業員の高齢化,人件費の高騰が深刻な問題となっ ている.また,近年では大規模な自然災害が頻発してお り,迅速な災害復旧技術の確立が望まれているが,2次 災害の危険性を考えると,建設機械の無人化・ロボット 化に大きな期待が寄せられている.資源開発の分野にお いても同様であり,今後,未利用の資源・エネルギーの 確保を目的として,作業現場が大深度あるいは高温・多 湿の一種の極限環境下へ推移していくことが予想されて いる.そのため,作業者の安全確保のためにも,環境負 荷のより少ない,ロボット化,無人化の建設作業機械に 大きな期待が寄せられている¹⁾.

しかし,建設業や資源開発の現場では,作業対象物の 形状などが複雑であり,作業環境が作業の進展とともに 刻々と変化する.例えば,ブルドーザやパワーショベル などの建設機械による地盤掘削作業は地盤強度の影響を 大きく受けるため,これらの作業機械のロボット化を考 える場合,作業の進展に伴う作業対象物の変化や作業環 境を機械自らが認識し,その状況に応じて機械自らが最 適な掘削を行うことが望ましい.しかし,掘削抵抗力な どから地盤の強度特性をリアルタイムで把握しようとす る研究はあまり行われていない.

本研究では、掘削作業中のパワーショベルのバケット に作用する掘削抵抗力と土の強度特性の関係に注目し た.具体的には、Fig.1に示すように、掘削時にバケッ トに作用する掘削抵抗力を用いて、土の強度特性(粘着 力 c、内部摩擦角 φ)を推定する手法の確立を目指し、 土の強度特性と掘削抵抗力の関係について実験的に考察 することを目的とする.





2. 従来の研究

Singh ら²⁾はバケットによる掘削中の鉛直方向の断面 における 2 次元モデルを用いて,幾何学および力学を考 慮した作業計画を構築し,掘削作業の進行および掘削対 象物の形状変化に関するシミュレーションを行ってい る.高橋ら³⁾はバケットによる掘削中の破砕堆積物(土砂・ 鉱石など)内部の変形過程をモデリングし,掘削抵抗力を 推定する物理モデルを提案するとともに,掘削実験によ り得られた掘削抵抗力の測定結果と計算値とを比較検討 し,モデルの妥当性を検証している.Maciejewski らは バケット刃先の入り角度,バケット自体の回転や刃先の 軌跡などの掘削条件を変化させ,異なる条件での掘削エ ネルギーを測定し,比較することで,バケットによる掘 削方式の妥当性を検討している⁴⁾.また,バケットの刃 先が土の破壊面に沿って掘削する方法を提案し,実験的 によりこの掘削方法の妥当性について考察している⁵⁾.

しかしながら、上記の研究で対象としている掘削対象 物は粘着力 c を有しない破砕堆積物あるいは粘着力 c が 低い砂質土である.一般に、土は種類、含水比や密度な どの条件によって粘着力 c を大きく変化させる. 掘削時 の土のせん断破壊は粘着力に大きく影響されると考えら れるため、これらの研究成果を粘着力が大きい土にその まま応用することは難しい.また、土の強度特性が変わ ると、土の掘削パターンはせん断形、流れ形、裂断形の ように複雑に変化するため、1つの掘削モデルで掘削抵 抗力を推定することは困難である⁶⁰. つまり、土の強度 特性が土の掘削作業にどの程度影響するかはまだ十分に 検討されていないのが現状である.

ところで、パワーショベルによる掘削作業の効率化を 図るためには、パワーショベルの掘削軌跡を自動制御す る必要がある.これまでにも掘削軌跡の制御に関する研 究が行われており^{7).8)},熟練オペレータの掘削作業の操 作技術に注目した掘削軌跡制御に関する研究成果も報告 されている.例えば、境田らはオペレータの熟練度の違 いによる掘削操作の違いを実験的に考察し、熟練オペ レータの操作技術を抽出して掘削制御の改善を試みてい る⁹⁾.山元らは軌跡追従型動作計画として3次元計測シ ステムとの連携による施工精度の向上を図り、設計や現 況地形の3次元情報を活用して状況に応じた動的対応可 能な自律化掘削・積込作業を試みている^{10).11)}.

一方,パワーショベルの自動掘削を実現するためには 土の堅さに応じて掘削軌跡を変える必要があり,予め決 められた計画軌跡だけでは不十分である.そこで,鮫島 らは熟練オペレータの操作方法を調査し,その結果を基 に熟練オペレータと同等の精度で自動掘削が可能なファ ジィ理論による制御方法を検討している¹²⁾.

しかしながら,上記の研究では土の強度特性が掘削軌 跡の制御にどの程度影響を与えるかはほとんど検討され ていない.さらに,土の強度特性をパワーショベルによ る掘削作業から推定するという試みも行われていない. したがって,砂質土から粘性土まで広い範囲の土の強度 特性が掘削作業にどの程度影響を与えるのか検討し,掘 削作業から土の強度特性を精度よく推定することは,パ ワーショベルの自動掘削および掘削軌跡制御に対して重 要な研究課題であると考えられる.

以上の研究を鑑み、本研究は土の強度特性をパワー ショベルによる掘削作業から推定する方法を実験的に推 定した.

3. 様々な強度特性を有する土の掘削実験

3.1 実験の概要

建設機械に作用する掘削抵抗力と土の強度特性(粘着 力 c,内部摩擦角 φ)との関係を調べるため、本研究で は「土の強度特性を測定する一面せん断試験」および「パ ワーショベルの掘削作業を模擬したバケット掘削実験」 の2つの試験を実施し、両者の値を関係付けることによ り、掘削抵抗力から土の強度特性の推定を試みた.Fig. 2に本研究の流れを示す.

3.2 本研究で使用した土

様々な強度特性を持つ土を検討対象とするため, Table 1に示すように硅砂9号と笠岡粘土を一定の乾燥質量比 で混合し,全部で7種類の土を用意した.さらに,土の 含水比を5%から30%の範囲で5%の間隔で変化させる ことで,土の含水状態を調整した.また,土の密度の影



Fig. 2 Experimental framework of this study

響を調べるため,乾燥密度を1.0 g/cm³から1.3 g/cm³ の範囲で調整し,実験を行った.以降,土の種類,含水 比および密度条件を分かりやすくするため,例えば砂質 土と粘土を3:1の割合で混合した土を乾燥密度1.2 g/ cm³に調整した試料を[Sand/Clay_3/1_1.2]と表記する.

3.3 一面せん断試験

土の状態は土の種類,含水比および粒度など様々な パラメータによって異なるため,土の強度特性(粘着力 *c*,内部摩擦角φ)もその状況に応じて変化する.本研究 では初めに一面せん断試験による土の強度特性を測定し た. せん断速度は 0.2 mm/min に設定し,垂直応力は 10 kPa, 20 kPa, 30 kPa の 3 条件で試験を行った.

|--|

Soil type	Mass ratio	Notation
Sand	100%	Sand_100%
Sand/Clay	3/1	Sand/Clay_3/1
Sand/Clay	1/1	Sand/Clay_1/1
Sand/Clay	1/2	Sand/Clay_1/2
Sand/Clay	1/3	Sand/Clay_1/3
Sand/Clay	1/7	Sand/Clay_1/7
Clay	100%	Clay_100%

3.4 バケット掘削実験

3.4.1 バケット掘削実験装置の概要

建設現場では、パワーショベルのバケットによる掘削 軌跡は作業対象物、掘削の進展状況および作業計画など に応じて複雑になる.本研究では、バケットによる掘削 軌跡を簡単に表すため、掘削軌跡は円弧とした.

Fig. 3 に今回作製した実験装置を示す.実験装置は DC モータ (BLU220A-100,定格出力 20 W,定格トルク 10 N·m),バケット (50 mm × 50 mm × 58 mm),土槽 (346 mm × 126 mm × 48 mm)および掘削抵抗力をリア ルタイムで測定できる力センサで構成されている.Fig. 4 に本装置による掘削の原理を示す.掘削の最も深いと ころの深さ D は 15 mm と設定し,掘削はバケットの先 端部分と土の接触する瞬間からバケットと土が離れる瞬 間の間の 42 deg.ぐらいの範囲で行っている.アームに 作用する力 F_x および F_y は,Fig. 4 に示すように定義す る.具体的な掘削条件を Table 2 に示す.

3.4.2 掘削抵抗力の測定および処理

はじめに,110℃に設定した乾燥炉で十分に乾燥させた 土に水を加え土の含水比を調整する.次に,準備した土 を土槽に入れ,所定の乾燥密度となるまで締固めを行い 掘削実験の供試体を作製する.その後,掘削実験を行い, 掘削中のバケットに作用する掘削抵抗力(F_x および F_y)を
 測定する. Fig. 5 および Fig. 6 に掘削後の状況を示す.
 Fig. 7 および Fig. 8 に掘削抵抗力の実験結果の一例を



(a) Main parts of this apparatus



(b) Size details of bucket arm and soil box

Fig. 3 Soil-bucket excavating apparatus



Fig. 4 Schematic diagram of bucket arm movement and resistive forces acting on the excavating bucket

Table 2 Conditions of excavating test

Circle radius of bucket arm R (mm)	206
Excavating angular velocity ω (deg/s)	5.26
Angle of bucket arm α (deg.)	-34~0~8
Depth of soil $D(mm)$	15



Fig. 5 Photo about after excavating



Fig. 6 Photo about bucket full of soil

示す. 全実験結果をまとめると, F_x および F_y は掘削抵 抗力の二つの分力であり, F_x とバケットアーム角度 aの関係や F_y とバケットアーム角度 aの関係はほぼ同じ 変化傾向であることが確認された. そこで, バケットの アームと垂直になる掘削抵抗力の分力 F_x を用いて掘削 抵抗力と土の強度特性の関係について検討することにし た. Fig. 9 に掘削抵抗力 F_x の処理方法の一例を示す. 本研究では力センサから発生したノイズを除去するため 7 次の移動平均を行った. また, 掘削抵抗力は一定値で はなく, 掘削の進展とともに変化する. そのため, Eq. (1) に示すように掘削に伴う仕事量 Wを求め, 仕事量を用 いて掘削抵抗力の平均値を計算した. また, 同じ状態の 土に対して4回の掘削実験を行い, 4回測定した結果の 平均値を算出した.

$$F_{\rm X} = \frac{W}{L} = \frac{S_{\alpha}}{\alpha} \tag{1}$$

ここで、Wは掘削に伴う仕事量、LはFig.4に示す バケット刃先が掘削に伴う円弧長さ(点線)、 aはFig.4 に示すアームの角度、S_aは掘削抵抗力をアームの回転 角度で積分した値(Fig.9のS_aに相当)である.



Fig. 9 Example result of the horizontal resistive force and method of processing horizontal resistive forces

実験結果の考察

4.1 一面せん断試験の結果

粘着力 *c* と含水比の関係および内部摩擦角 φ と含水比 の関係をそれぞれ Fig. 10 および Fig. 11 に示す.

Fig. 10より,粘着力 c は含水比の増加とともに増大 し,ある含水比になるとピーク値に達する.その後,含 水比の増加とともに粘着力 c は減少する傾向が見られ た.また,土の粘着力は乾燥密度の変化に影響を受ける ことが確認された.

Fig. 11 より、本実験で使用した土試料および供試体 の作製条件の範囲では、含水比および乾燥密度を変化さ せても、土の内部摩擦角 ϕ は 30 deg. から 40 deg. の範 囲で分布することが確認された. 86

掘削抵抗力 F_x と土の含水比の関係を Fig. 12 に示す. 掘削抵抗力は土の含水比と乾燥密度の変化によって大き く変化することが分かる.

4.3 掘削抵抗力と土の強度特性の関係

掘削抵抗力 F_x を用いて土の強度特性 (c, ϕ) を推定す る方法について考察する. 掘削抵抗力と内部摩擦角の関 係および掘削抵抗力と粘着力の関係をそれぞれ Fig. 13 および Fig. 14 に示す.

Fig. 13より、本実験で使用した土試料および供試体の作製条件の範囲では、掘削抵抗力 F_xから内部摩擦角 φを推定することが困難であると解釈される.

Fig. 14より, 土の粘着力 *c* が増えると掘削抵抗力が 増えることが確認される.しかし, 一例として Fig. 14 の「Clay_100%_1.2」に示すように, 土の粘着力と掘削抵



Fig. 10 Relationship between water content and cohesion







Fig. 12 Relationship between water content and horizontal resistive forces

抗力の関係は含水比の影響を受けている. つまり, Fig. 14の結果を用いて掘削抵抗力から粘着力を推定するためには含水比や乾燥密度が既知である必要がある. したがって, 掘削抵抗力の平均値のみから粘着力を推定することは困難であると考えられる.

4.4 土の強度特性を推定するパラメータの考察

Fig. 13 に示したように、今回の条件における土の内 部摩擦角 ϕ は概ね 30 deg. から 40 deg. の範囲で分布す るが、この関係を用いて内部摩擦角を決定することは難 しい. また、粘着力 c は掘削抵抗力の平均値から推定す ることが困難であると推察されるため、掘削作業中にリ アルタイムで測定可能なパラメータを用いて粘着力 c お よび内部摩擦角 ϕ を推定する方法についてさらに考察す る必要がある.

Fig. 15 に示すように、掘削抵抗力の値は掘削の進展



Fig. 13 Relationship between angle of internal friction angle ϕ and horizontal resistive forces







Fig. 15 Definition of parameters of slope k_i and height h_i

とともに変動しても、掘削抵抗力の波形は一定の特徴を 持っており、波形の傾き k は掘削中ほぼ一定の値に保持 されることが実験結果から確認された. この一つの掘削 抵抗力の波形は一回の土のせん断破壊によるものと考え られる. つまり、土のせん断破壊が発生するとともに、 掘削抵抗力は傾き k で急激に増加する. 一回のせん断破 壊は短い時間で終わるため、堆積土の質量、バケットと 周りの土との摩擦およびバケットとその内部の土との摩 擦の変化は小さいと考えられるため、この傾き k は主に 土のせん断破壊によって決まる可能性がある. そこで、 この傾きの高さを h と表記し、Eq. (2)に示すように傾 き k と高さ h を乗じてその合計を平均したパラメータ A を求めた. なお、n は Fig. 15 に示す掘削抵抗力の波の 総数である.

$$A = \frac{1}{n}(h_1 \cdot k_1 + \dots + h_i \cdot k_i + \dots + h_n \cdot k_n) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n h_i \cdot k_i \quad (2)$$

ここで、パラメータAはバケットによる掘削中に土 のせん断破壊が発生した際の掘削抵抗力の変動を表す物 理量と考えられる.このパラメータを用いて粘着力 cを 推定する可能性について考察した.cとAの関係をFig. 16に示す.なお、粘着力 cの値が0に近い場合の状況 も考察するため、乾燥した締固めしない Sand_100%お よび Clay_100%の2種類のゆるい状態の土も用いて実 験を行った.その結果を前述した7種類の土の実験結果 と併せて Fig. 16に示す.Fig. 16より、実験結果は1つ の曲線近傍に分布していることが分かる.なお、図中の 破線は最小二乗法により得られた次の近似式を示してい る.

$$A = 0.0345c^2 + 0.0952c \tag{3}$$

パラメータ A は掘削中リアルタイムで測定すること ができるため,式(3)の関数関係を用いることにより, A の値から粘着力 c を推定することができると考えられ る.

次に、Fig. 17 に一面せん断試験の結果から得られる 垂直応力 σ とせん断応力 τ の関係の模式図を示す、この 垂直応力とせん断応力の関係を示す直線を延長すると、 横軸とO'点に交わる.三角形O'OBの面積 S_D はEq. (4) に示すように粘着力cと内部摩擦角 ϕ で表わすことがで き、土の強度特性と関係すると考えられる.

$$S_{\rm D} = \frac{c^2}{2 \cdot \tan\phi} = f_2(h)$$
(4)
= 10.376 \cdot h^2 + 41.814 \cdot h \cdot (c>0)

そこで、このパラメータ SD を用いて掘削抵抗力との



Fig. 16 Relationship between cohesion c and A calculated by Eq. (2)



Fig. 17 Area $S_{\rm D}$ calculated by cohesion c and internal friction angle ϕ



Fig. 18 Relationship between area $S_{\rm D}$ and parameter h shown in Fig. 15

関係について考察した. Fig. 18 は掘削抵抗力波の高さ に関するパラメータhと Fig. 17 に示した面積のパラ メータ S_D の関係を示す. Fig. 18 より, この実験結果は 1つの曲線近傍に分布していることが分かる. 図中の破 線は最小二乗法により得られた Eq. (4)の近似式を示し ている.

Eq. (3)および Eq. (4)から,粘着力 cおよび内部摩擦 角 ϕ を推定する式を Eq. (5)および Eq. (6)に示す.さ らに、今回提案した推定式の有用性を検討するため、 Fig. 19および Fig. 20に測定値と推定値の比較を示す. その結果、粘着力 cは精度よく、内部摩擦角 ϕ は± 30%の範囲で推定されることが分かった.

$$c = f_1^{-1}(A) = \frac{-0.0952 + \sqrt{(0.0952)^2 + 4 \cdot 0.0345 \cdot A}}{2 \cdot 0.0345}$$
(5)

$$\phi = \arctan \frac{c^2}{2f_2(h)}$$

$$= \arctan \frac{c^2}{2 \cdot (10.376 \cdot h^2 + 41.814 \cdot h)}$$

$$= \arctan \frac{\{f_1^{-1}(A)\}^2}{2 \cdot (10.376 \cdot h^2 + 41.814 \cdot h)}$$
(6)



Fig. 19 Relationship between measured cohesion cand estimated cohesion c



Fig. 20 Relationship between measured internal friction angle ϕ and estimated internal friction angle ϕ

ところで、本研究で提案する土の強度特性(粘着力 c, 内部摩擦角 ϕ)の推定法は、上述したように Eq. (3)およ び Eq. (4)で示す実験式に基づいている. つまり厳密に は本研究で提案する推定法は、本実験で使用した土試料 および供試体の作製条件の範囲内において適用可能であ る. 今後,実験条件を広げてデータを収集し,実験式の 適用範囲を拡張する必要があると考えている.

5. おわりに

本研究はバケットに作用する掘削抵抗力から土の強 度特性(粘着力 c,内部摩擦角 φ)を推定する方法につい て考察した.得られた結果は以下のとおりである.

- (1)一面せん断試験の結果より,粘着力 c は土の含水比 や乾燥密度の変化によって大きく影響を受けること が分かった.また、本実験で使用した土試料および 供試体の作製条件の範囲では、内部摩擦角 φ は土の 含水比や乾燥密度の変化の影響を受けず概ね 30 deg. から 40 deg.の範囲で分布することが確認できた.
- (2)バケット掘削実験より,掘削抵抗力は土の種類,含 水比や乾燥密度の影響を受けることが分かった.
- (3) 掘削抵抗力 F_x と粘着力 c の関係より、土の粘着力が 増加すると掘削抵抗力も増加することが分かった. しかし、掘削抵抗力および粘着力は土の含水比およ び乾燥密度の影響を受けるため、掘削抵抗力の平均 値のみを用いて粘着力を推定することは困難である ことが明らかとなった.
- (4) 掘削抵抗力 F_x は掘削の進展とともに変動し、この変動は土のせん断破壊に対応すると考えられる.そこで、掘削抵抗力の変動を表わす傾き k および高さ h の二つのパラメータを用いて、粘着力 c および内部 摩擦角φを推定する式を提案した.その結果、粘着力 c は精度よく、内部摩擦角φは±30%の範囲で推定されることが分かった.

参考文献

- 三宅謙三郎,須崎利夫,吉田弘喜,大島寛:砕石業における岩石採 取作業の自動化技術開発,資源と素材,Vol. 112, No. 8, pp. 572-580, 1996.
- S. Singh: Task Planning for Robotic Excavation, Proceedings of IEEE/RSJ International Conference on IROS, pp. 1284-1291, 1992
- 高橋弘,水上喬二郎,斉藤泰:パワーショベルによる破砕堆積物掘 削作業時における抵抗力解析,応用力学論文集, Vol. 6, pp. 603-612, 2003.
- Maciejewski J, Jarzebowski A: Laboratory optimization of the soil digging process, Journal of Terramechanics, 39, (2002), 161–179.
- 5) Jarzebowski A, Maciejewski J, JSzyba D, Trc ampczynski W: The optimization of tool shapes and trajectories in heavy machines. In: Proc. XII ISARC Symposium "Automation and Robotics in Construction", Warsaw, Poland, (1995). pp. 159– 166.
- 6) 畑村洋太郎:土の切削機構の解明(第1報 土の切削パターンについて)、日本機械学会論文集(第3部),40巻338号(昭49-10).
- Maciejewski J, Jarzebowski A, Trampczynski W: Study on the efficiency of the digging process using the model of excavator

bucket, Journal of Terramechanics 40 (2004) 221-233.

- Masakazu Haga, Watanabe Hiroshi, Kazuo Fujishima: Digging control system for hydraulic excavator, Mechatronics 11 (2001) 665-676.
- 9) Yuki Sakaida, Daisuke Chugo, Kuniaki Kawabata, Hayato Kaetsu, Hajime Asama: The Analysis of Skillful Hydraulic Excavator Operation, Proceeding of the 2006 JSME conference on Robotics and Mechatronics, 2A1-B01.
- 10) 山本弘, 卲輝, 茂木正晴, 大槻崇, 柳沢雄二, 野末晃, 境田右軌, 山口崇:油圧ショベルによる IT 施工システムに関する研究, 建設

施工と建設機械シンポジウム論文集, pp.5-10, 2008.

- 11) 卲輝,山本弘,柳沢雄二,境田右軌,野末晃:油圧掘削機の自律掘 削と積込動作計画に関する研究,第11回建設ロボットシンボジウム,pp.271-276,2008.
- 12) 岐島誠,藤井敏,末岡淳男:ファジィ理論による油圧ショベルの自動掘削,日本機械学会論文集(C編),66巻650号(2000-10), No.99-1165.

(2013.11.22 受付, 2014.6.24 採用決定)

A study on Estimation of Soil Strength Characteristics by using Resistive Forces Acting on Bucket

Min CHEN¹, Tomoaki SATOMI² and Hiroshi TAKAHASHI³

¹ Graduate Student, Graduate School of Environmental Studies, Tohoku University ² Assistant Professor, Graduate School of Environmental Studies, Tohoku University

³ Professor, Graduate School of Environmental Studies, Tohoku University

When the power shovel conducts the excavating work, the resistive force acts on the excavating bucket. This force is influenced by the soil strength which is decided by soil type, structure, density and water content, etc. Therefore, it is important to investigate the soil-bucket interaction in estimating the excavating performance and optimizing the excavating work. This interaction was examined by results of two experiments, that is, 1) a direct shear strength test and 2) soil-bucket excavating test. By using results of the two tests, a method to estimate soil strength parameters was described in this paper.